

令和7年度京都工芸繊維大学大学院工芸科学研究科  
博士前期（修士）課程 電子システム工学専攻  
学力検査試験問題

**専門科目**

注意

1. この問題冊子は合図があるまで中を開かないでください。問題は

p. 1… 問題1（電磁気学）……………解答用紙2枚に記入  
p. 3… 問題2（電気回路）……………解答用紙1枚に記入  
p. 4… 問題3（電子回路）……………解答用紙2枚に記入

の3題であり、全問必答です。試験開始後、問題冊子の印刷不鮮明や落丁などに気づいたら申し出ること。
2. 机の上には受験票以外に、次のものを置いてもよろしい。  
…鉛筆（またはシャープペンシル）、消しゴム、鉛筆削り、定規、計時機能のみの時計
3. 配付物は、この問題冊子1部、解答用紙5枚、および下書き用紙1枚です。解答用紙、下書き用紙の追加、交換はしません。
4. 各問題と解答用紙の枚数は次の通りです。

問題	問題1（電磁気学）	問題2（電気回路）	問題3（電子回路）
解答用紙の枚数	2	1	2
5. 解答用紙5枚すべての上欄の指定枠内に、志望専攻名、受験番号を必ず記入すること。氏名は記入しないこと。  
科目欄には「問題番号(科目内容は不要)」を書くこと。小問について別々の解答用紙に記入するよう指示がある場合は科目欄に小問番号も書くこと。  
… 例：「問題2問1」、「問題2問2」、「問題3」
6. 解答用紙裏面にも記入する場合は、おもて面に「裏面使用」の断り書きをすること。
7. 試験終了後も退室の許可があるまで退室はできません。
8. 問題冊子と下書き用紙は持ち帰ってください。

## 電磁気学(問題 1) [1/2]

注意: 問 1 と問 2 の解答は別々の答案用紙に記入せよ. その際, 冒頭に「問題 1, 問 1」などと書け.

真空(vacuum)の誘電率(permittivity)を $\epsilon_0$ , 真空の透磁率(permeability)を $\mu_0$ として以下の問い合わせに答えよ. なお解答には SI 単位系を用いよ.

問 1 図 1 に示すように, 大きさ $E_0$ ,  $x$  軸の正方向を向く一様な電界(electric field)  $\vec{E} = (E_x, E_y, E_z)$ が印加されている真空領域において, 誘電率 $\epsilon$ , 厚さ  $d$  で無限に広い誘電体平板(dielectric plate)を  $x$  軸が垂直方向となるように配置する. このとき以下の問い合わせに答えなさい.

- (a) 誘電体平板内の電束密度(electric flux density)  $\vec{D} = (D_x, D_y, D_z)$  を求めよ.
- (b) 誘電体平板内の $\vec{E}$ を求めよ.
- (c) 誘電体平板内の分極ベクトル(polarization vector)  $\vec{P} = (P_x, P_y, P_z)$  を求めよ.

次に, 図 2 に示すように, 電界の大きさはそのままで, 向きを  $x$  軸の正方向から  $y$  軸の正方向に向かって角度 $\theta$ だけ傾ける. このとき以下の問い合わせに答えなさい.

- (d) 誘電体平板外の $\vec{E}$ を求めよ.
- (e) 誘電体平板内の $\vec{D}$ を求めよ.
- (f) 誘電体平板内の $\vec{E}$ を求めよ.
- (g) 誘電体平板内の $\vec{P}$ を求めよ.

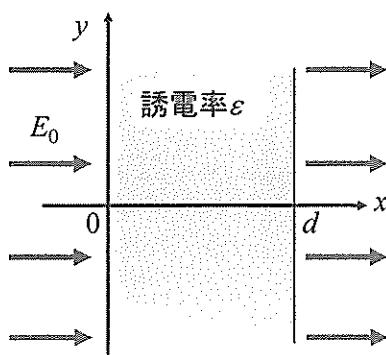


図 1

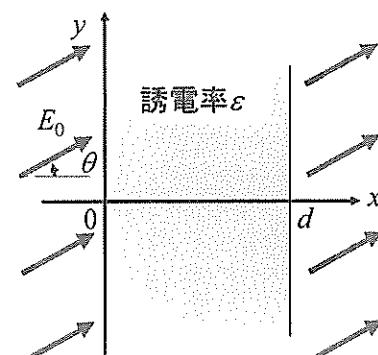


図 2

[次ページに続く]

## 電磁気学(問題 1) [2/2]

問 2  $z$  軸に沿った無限(ininitely)に長い直線導線(straight conducting wire)上を正の方向に流れている定常電流(constant current)  $I$ を考える。以下の問い合わせよ。ただし、(a),(b),(c),(e)は円柱座標系( $r$ ,  $\theta$ ,  $z$ )を用いよ。

- (a) 直線から距離 $r$ の位置での磁場(magnetic field)  $\vec{B}(r)$ を求めよ。
- (b) 直線上を除く位置での $\nabla \times \vec{B}$ を求めよ。
- (c) この $\vec{B}$ のベクトルポテンシャル(vector potential)  $\vec{A}$ を一つ求めよ。

次に、図 3 のように、 $z$  軸に垂直な平面上に半径  $a$  の円(annulus)  $S$  があり、その中心点  $O$  が  $z$  軸と一致している場合を考える。

- (d)  $\vec{n}$  を面素片(surface segment)  $dS$  の法線ベクトル(normal vector)としたとき、

$$\int_S (\nabla \times \vec{B}) \cdot \vec{n} dS \text{ を求めよ。}$$

- (e) 直線導線のうち、点  $O$  を中心とした長さ  $2L$  の区間を流れる電流  $I$  が作る磁束密度成分  $\vec{B}'$  を考える。円  $S$  の円周上の点  $P$  で観測される  $\vec{B}'$  を求めよ。

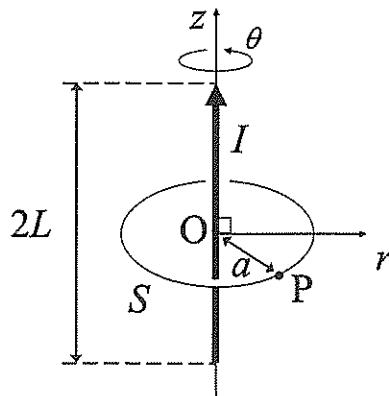


図 3

## 電気回路 (問題2)

「電気回路 (問題2) 解答用紙」に解答せよ。

問. インダクタンス (inductance)  $L$ , キャパシタンス (capacitance)  $C$ , 抵抗 (resistance)  $R$  の直列接続 (series connection) に対して、図1はフェーザ電圧 (phasor voltage)  $\dot{E}$  で表される角周波数 (angular frequency)  $\omega$  の交流電圧源 (ac voltage source) を接続した回路、図2は電圧  $E$  の直流電圧源 (dc voltage source) とスイッチ (switch)  $S$  を接続した回路である。以下の問い合わせに答えよ。【】を付した問い合わせには【】内の記号のうち必要なものを用いた式で答えよ。

図1において、 $\omega$ を変えてフェーザ電流 (current)  $\dot{I}$ を測定したところ

- $\omega = \omega_0$ において  $\dot{I}$  の実効値 (effective value) が最大
- $\omega = \omega_1, \omega_2$ において、 $\dot{I}$  と  $\dot{E}$  の位相差 (phase difference) が  $45^\circ$  となった。ただし  $\omega_1 < \omega_0 < \omega_2$  である。

- (1) インピーダンス (impedance) を求めよ。【 $R, L, C, \omega$ 】
- (2)  $\omega_0$ を求めよ。【 $R, L, C$ 】
- (3)  $\Delta\omega = \omega_2 - \omega_1$ を求めよ。【 $R, L, C$ 】
- (4)  $\omega = \omega_0$ において  $R$ で消費される有効電力 (effective power)  $P_0$ を求めよ。【 $R, L, C, \dot{E}$ 】
- (5)  $\omega = \omega_1$ において  $R$ で消費される有効電力は  $P_0$ の何倍か。

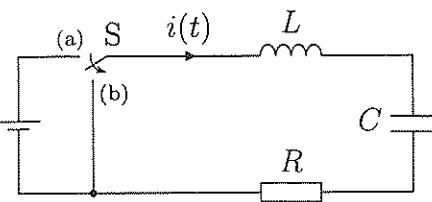
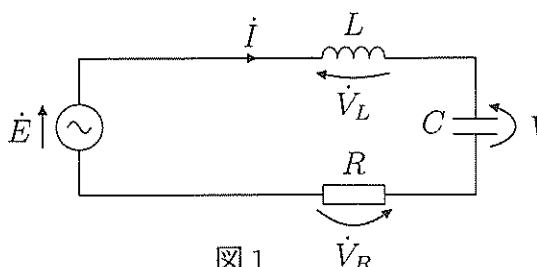
測定の結果  $\Delta\omega = \omega_0$ であることがわかった。

- (6) 共振 (resonance) のQ値を求めよ。
- (7)  $\omega = \omega_0$ における  $\dot{V}_L, \dot{V}_C, \dot{V}_R$  のフェーザ図を描け。解答欄に記入済みの  $\dot{E}$ との関係が明確になるように描くこと。

図2において、時刻  $t < 0$  で  $S$ は(a)側に接続して定常状態 (steady state) であった。 $t = 0$  で  $S$ を(b)側に接続し、 $t \geq +0$  における過渡応答 (transient response) を考える。

- (8)  $t = +0$  で  $C$ に蓄えられている静電エネルギー (energy) を求めよ。【 $R, L, C, E$ 】
- (9)  $t = +0$  での電流  $i(+0)$  を求めよ。【 $R, L, C, E$ 】
- (10)  $t = +0$  での電流の一階微分 (first-order derivative)  $\frac{di}{dt}(+0)$  を求めよ。【 $R, L, C, E$ 】
- (11) 電流  $i(t)$ に関する微分方程式 (differential equation) を示せ。【 $t, i, R, L, C, E$ 】
- (12) 前問(11)で得られた微分方程式に関する特性方程式 (characteristic equation) の判別式 (discriminant) を示せ。【 $R, L, C$ 】
- (13)  $i(t)$ の応答は次のA～Cのどれであるか、理由とともに答えよ。

A. 過制動 (over damping), B. 臨界制動 (critical damping), C. 不足制動 (under damping)



## 電子回路（問題3） [1/2]

問1は同じ解答用紙に、問2は別の解答用紙に記入せよ。

問1 以下の問いに答えよ。

- (a) 次の論理式 (Boolean expression) を簡単化 (simplify) せよ。

$$F(A, B) = A \cdot (A + B)$$

- (b) 次の等式が成り立つことを示せ。

$$(A + B) \cdot \overline{A \cdot B} = A \cdot \overline{B} + \overline{A} \cdot B$$

- (c) 次の論理式をカルノー図 (Karnaugh map) を用いて簡単化せよ。

$$F(A, B, C) = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C + \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + A \cdot B \cdot \overline{C} + A \cdot B \cdot C$$

- (d) D フリップフロップ (D flip-flop) を3つ直列に接続した3ビットシフトレジスタ (3-bit serial shift register) がある (図1)。入力  $D$  に 101010... と交互に 0 と 1 が入力する。初期状態  $Q_2 = 0$ 、 $Q_1 = 0$ 、 $Q_0 = 0$  の時、クロックを4回入力したときの各フリップフロップの状態  $Q_2$ 、 $Q_1$ 、 $Q_0$  を求めよ。

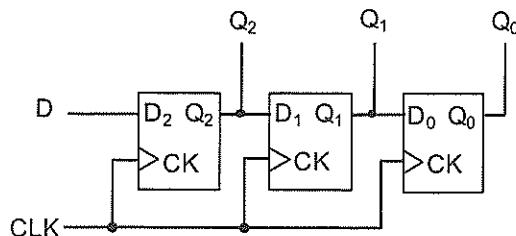


図1: 3ビットシフトレジスタ (3-bit serial shift register)

- (e) 2入力NANDゲート (2-input NAND gate) のみで、2入力排他的論理和 (2-input exclusive or) ゲートを設計せよ。
- (f) 12ビットのA/D変換器 (A/D Converter) を用いて、0Vから10Vの範囲をサンプリングする場合、1ビット当たりの電圧分解能 (resolution) を求めよ。ただし、有効数字を3桁 (three significant figures) とする。

[次頁に続く]

## 電子回路（問題3） [2/2]

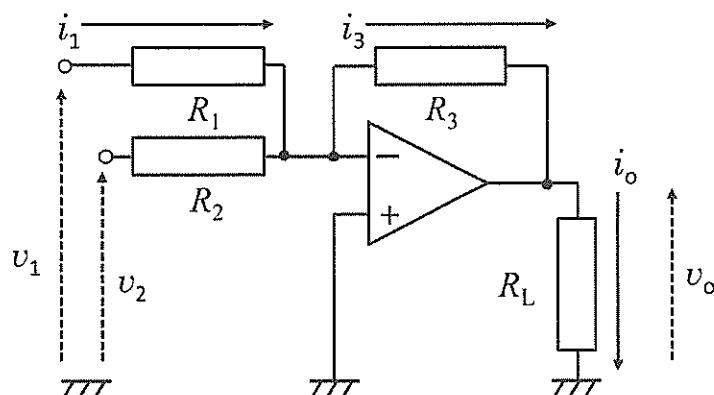
問2 図に示す回路において、以下の間に答えよ。ただし、抵抗 (resistor)  $R_1 = 1\text{k}\Omega$ 、 $R_2 = 1\text{k}\Omega$ 、 $R_3 = 2\text{k}\Omega$ 、 $R_L = 1\text{M}\Omega$  とする。オペアンプ (operational amplifier) は理想オペアンプとする。 $v_1$ 、 $v_2$  を入力電圧 (input voltage) とし、 $v_o$  を出力電圧 (output voltage) とする。また、電流 (current) は図に示す矢印の方向を正として答えよ。

最初、 $v_1$  に直流電圧 (dc voltage) 2 V、 $v_2$  に直流電圧 1 V を印加した。

- (a) 抵抗  $R_1$  に流れる電流  $i_1$  を求めよ。
- (b) 抵抗  $R_3$  に流れる電流  $i_3$  を求めよ。
- (c) 抵抗  $R_L$  に流れる電流  $i_o$  を求めよ。

次に、 $v_1$  に直流電圧 1 V、 $v_2$  に振幅 (amplitude) 2 V、周波数 (frequency) 1 kHz、初期位相 (initial phase angle) 0 の正弦波交流電圧 (sinusoidal voltage) を印加した。

- (d)  $v_o$  を時間  $t$  の関数として表せ。
- (e) 時刻 0 から 2 周期 (periods) の電圧特性を図示せよ。ただし、グラフの特徴を示す値を図に記入すること。



図